

composto dei due moti armonici considerati è circolare, quando (e soltanto quando) le loro ampiezze sono uguali e le fasi differiscono di  $\frac{\pi}{2}$ .

2)  $\theta_1 - \theta_2 = n\pi$ , con  $n$  intero o nullo. Da (19.2) si ricava subito

$$(19.6) \quad \frac{y}{x} = \pm \frac{R_2}{R_1}$$

ove è da prendersi il segno + o - a seconda che  $n$  sia pari (o nullo) o dispari. Da (19.6) si vede che  $P$  oscilla in ogni caso (con la legge del moto armonico) su una retta passante per  $O$ .

I risultati teorici esposti in questo numero sono oggetto di note sperimentali di Fisica.

## 20. MOTO ELICOIDALE UNIFORME

Si chiama *moto elicoidale uniforme* il moto composto di un moto circolare uniforme su una circonferenza di centro  $O$  in un piano  $\pi$  e di un moto rettilineo

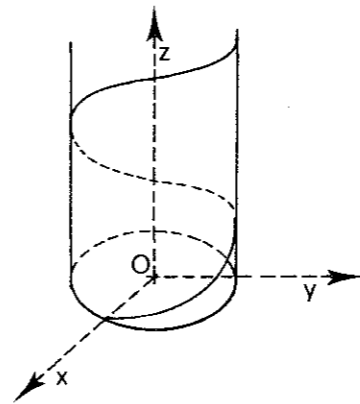


Fig. 9

uniforme sulla normale a  $\pi$  per  $O$ . Assunto  $\pi$  come piano  $xy$  e l'origine degli assi coincidente con  $O$ , pensiamo l'asse delle  $z$  orientato come la velocità  $V$ , del componente rettilineo (Fig. 9). Denotiamo con  $P_1$  il punto mobile di moto circolare uniforme e con  $P_2$  quello mobile di moto rettilineo. Supposto  $x$  orientato in modo da contenere  $P_1$  nell'istante iniziale, le coordinate di  $P$  sono, in base a (15.1), (15.8),

$$(20.1) \quad x_1 = R \cos \theta_0 t, \quad y_1 = R \sin \theta_0 t, \quad z_1 = 0,$$

ove è chiaro il significato dei simboli.

Se si assume come istante iniziale quello in cui  $P_2$  attraversa il piano  $xy$ , le coordinate di  $P_2$  risultano espresse da

$$(20.2) \quad x_2 = 0, \quad y_2 = 0, \quad z_2 = Vt.$$

Ne segue, in base a (18.1), che le coordinate del punto  $P$  mobile nel moto composto, sono

$$(20.3) \quad x = R \cos \theta_0 t, \quad y = R \sin \theta_0 t, \quad z = Vt.$$

Da (20.3) si deduce

$$(20.4) \quad x^2 + y^2 = R^2,$$

da cui si vede che la traiettoria di  $P$  appartiene al cilindro di raggio  $R$  e asse  $z$ . Detta  $v$  la velocità di  $P$ , è, in base a (20.3) [o alla (15.5)],

$$(20.5) \quad v = \omega \wedge OP_1 + V,$$

ove  $\omega$  ha il medesimo significato che nella (15.5).

Dalla (20.5), tenendo presente che  $\omega$  è parallela a  $z$ , che  $OP_1$  ha modulo uguale ad  $R$  ed appartiene al piano  $xy$ , si deduce che il modulo della velocità di  $P$  è espresso da

$$(20.6) \quad v = \sqrt{V^2 + R^2 \omega^2}$$

e risulta quindi costante. Il moto composto è, pertanto, uniforme (si ricordi che è  $s = \pm v$ ). Il terzo coseno direttore,  $\gamma$ , di  $v$  è espresso [(20.3), (20.6)]

$$(20.7) \quad \gamma = \frac{v_z}{v} = \frac{\dot{z}}{v} = \frac{V}{\sqrt{V^2 + R^2 \omega^2}}$$

ed è, come  $v$ , costante. Poiché il vettore velocità è tangente alla traiettoria si deduce che la tangente alla traiettoria di  $P$  ha il suo terzo coseno direttore costante. Ciò vuol dire, dato il parallelismo delle generatrici del cilindro su cui si muove  $P$  con l'asse delle  $z$ , che la traiettoria di  $P$  incontra sotto angolo costante le generatrici ed è quindi un'elica cilindrica.

Ricordiamo che si chiama *passo* dell'elica cilindrica la distanza tra due intersezioni successive della curva con una medesima generatrice. Nel caso in esame esso evidentemente è uguale allo spazio percorso da  $P_2$  nel tempo impiegato da  $P_1$  per compiere un intero giro. Il passo  $H$  è espresso, cioè, da

$$(20.8) \quad H = \frac{2\pi}{\omega} V.$$

## 21. MOTO SIMULTANEO DI DUE PUNTI

Siano  $P_1$  e  $P_2$  due punti mobili rispetto ad un medesimo sistema di riferimento e sia  $O$  un punto fisso.

Da

$$(21.1) \quad P_1 P_2 = OP_2 - OP_1,$$

derivando rispetto al tempo, si ha

$$(21.2) \quad \frac{dP_1 P_2}{dt} = v_2 - v_1,$$

se con  $v_1$  e  $v_2$  si denotano le velocità di  $P_1$  e  $P_2$ .